

MACHINE SYNCHRONES - 4

v1

Donnée

Une machine synchrone à rotor cylindrique (turbo-alternateur) a les paramètres suivants :

- $S_n = 10 \text{ MVA}$ (puissance apparente nominale)
- $U_{\text{ligne}} = 6 \text{ kV}$ (tension de ligne nominale)
- $f_n = 50 \text{ [Hz]}$ (fréquence nominale)
- $p = 2$ (nombre de paires de pôles)
- Couplage Y
- Les résistances sont négligées
- $x_d = 2 \text{ pu}$ (réactance du stator en p.u.)
- $k_{if} = 0.31831 \text{ [Vs/Arad]}$ (coefficient de tension induite)

La machine est connectée au réseau

Déterminer le courant d'excitation de la machine et dessiner le diagramme des tensions pour les quatre cas de charge suivants :

	U_s	S	$\cos \varphi$	$\sin \varphi$
1.	U_n	$0.6 S_n$	0.8	0.6
2.	U_n	$0.6 S_n$	0.8	-0.6
3.	U_n	$0.6 S_n$	-0.8	0.6
4.	U_n	$0.6 S_n$	-0.8	-0.6

Préambule

Le but de cet exercice est de comprendre l'équation de tension de la machine synchrone et du diagramme vectoriel associé ainsi que les différents modes moteur/générateur et inductif/capacitif d'une machine synchrone.

Résolution avec Matlab

Lors de votre résolution avec Matlab vous pouvez utiliser *quiver* pour afficher les phaseurs du diagramme vectoriel, par exemple en appelant la fonction suivante :

```
function [] = doDisplay(U_cmpx,I_cmpx,Ui_cmpx,Xd)
    %Pour mettre U vertical
    angleOffset = pi/2;
    U_cmpx = U_cmpx*exp(1i*angleOffset);
    I_cmpx = I_cmpx*exp(1i*angleOffset);
    Ui_cmpx = Ui_cmpx*exp(1i*angleOffset);

    %Fait l'affichage des phaseurs
    figure
    hold on
    quiver(0, 0, real(U_cmpx), imag(U_cmpx), 1);
    quiver(0, 0, real(I_cmpx), imag(I_cmpx), 1);
    quiver(real(Ui_cmpx), imag(Ui_cmpx), ...
        real(1i*Xd*I_cmpx), imag(1i*Xd*I_cmpx), 1);
    quiver(0, 0, real(Ui_cmpx), imag(Ui_cmpx), 1);
    axis equal
    myMax = max([max(xlim) max(ylim)])*1.1;
    xlim([-myMax myMax])
    ylim([-myMax myMax])
    title('Phaseurs du diagramme vectoriel')
    legend({'U', 'I', 'jXdI', 'Ui'},'Location','southwest')
    set(gca,'XColor', 'none','YColor','none')
end
```

Corrigé

Comme ($R \ll X_d$), on a que :

$$\underline{U}_i = \underline{U} - j X_d \underline{I} \quad (1)$$

avec

- \underline{U} = tension de phase au stator
- \underline{U}_i = tension induite de phase
- X_d = réactance synchrone
- \underline{I} = courant de phase au stator

La tension de phase au stator vaut (montage en Y) :

$$\underline{U} = U e^{j0} = \frac{6000}{\sqrt{3}} = 3464.1 \text{ [V]} \quad (2)$$

A noter que nous avons posé \underline{U} comme réel.

L'impédance nominale est donnée par :

$$Z_n = \frac{3 U^2}{S_n} = 3.6 \Omega \quad (3)$$

à ce moment X_d vaut :

$$X_d = x_d Z_n = 7.2 [\Omega] \quad (4)$$

Par la suite, la détermination de la valeur de U_i permettra d'obtenir le courant d'excitation I_f pour les différents cas de charge à partir de l'équation de la tension induite de mouvement :

$$U_i = k_{if} I_f \Omega \quad (5)$$

avec

$$\Omega = 2\pi \frac{f}{p} = 157.08 \text{ [rad/s]} \quad (6)$$

ainsi le lien entre I_f et U_i est donné par :

$$I_f = \frac{U_i}{k_{if} \Omega} = \frac{U_i}{50} \quad (7)$$

Pour les quatre cas de charge nous avons que :

$$I = \frac{S}{3 U} = \frac{0.6 S_n}{3 U_{nph}} = 577.35 \text{ [A]} \quad (8)$$

$$\underline{I} = I e^{-j\varphi} = I (\cos\varphi - j \sin\varphi) \quad (9)$$

avec $\cos\varphi$ et $\sin\varphi$ étant spécifiques à chaque cas.

A noter que δ est donné comme l'angle entre \underline{U}_i et \underline{U} et comme U est posé comme réel (angle de 0°) nous avons que :

$$\delta = \arg(\underline{U}) - \arg(\underline{U}_i) = -\arg(\underline{U}_i) \quad (10)$$

Pour bien comprendre le diagramme des tensions, les valeurs de φ et δ seront donné pour chaque cas.

1 Mode moteur inductif

$$\begin{cases} \cos\varphi = 0.8 \\ \sin\varphi = 0.6 \end{cases} \quad (11)$$

$$\begin{aligned} \underline{I} &= 577.35 (0.8 - j0.6) \\ &= 461.88 - j346.41 \text{ [A]} \end{aligned} \quad (12)$$

$$\varphi = 36.87^\circ \quad (13)$$

$$\begin{aligned} \underline{U}_i &= \underline{U} - j X_d \underline{I} \\ &= 3464.1 - j 7.2 (461.88 - j346.41) \\ &= 969.95 - j 3325.54 \text{ [V]} \\ &= 3464.1 e^{-j73.74^\circ} \end{aligned} \quad (14)$$

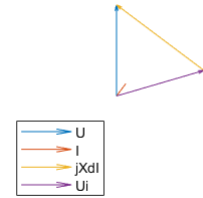
$$\delta = 73.74^\circ \quad (15)$$

$$U_i = 3464.1 \text{ [V]} \quad (16)$$

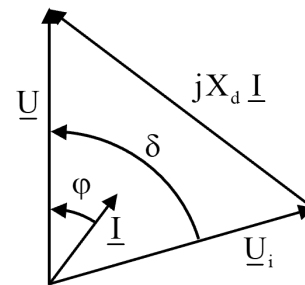
Selon (7) nous obtenons :

$$I_f = \frac{U_i}{k_{if} \Omega} = \frac{U_i}{50} = 69.3 \text{ [A]} \quad (17)$$

Phaseurs du diagramme vectoriel



Matlab



Mode moteur inductif

2 Mode moteur capacitif

$$\begin{cases} \cos\varphi = 0.8 \\ \sin\varphi = -0.6 \end{cases} \quad (18)$$

$$\begin{aligned} \underline{I} &= 577.35 (0.8 + j0.6) \\ &= 461.88 + j346.41 \text{ [A]} \end{aligned} \quad (19)$$

$$\varphi = -36.87^\circ \quad (20)$$

$$\begin{aligned} \underline{U}_i &= \underline{U} - j X_d \underline{I} \\ &= 3464.1 - j 7.2 (461.88 + j346.41) \\ &= 5958.25 - j 3325.54 \text{ [V]} \\ &= 6823.49 e^{-j29.16^\circ} \end{aligned} \quad (21)$$

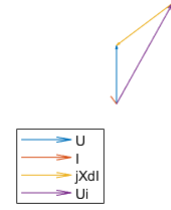
$$\delta = 29.17^\circ \quad (22)$$

$$U_i = 6823.49 \text{ [V]} \quad (23)$$

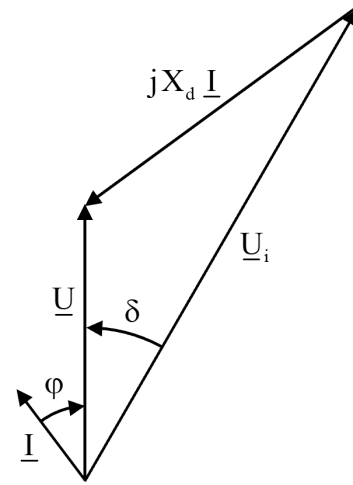
Selon (7) nous obtenons :

$$I_f = \frac{U_i}{k_{if} \Omega} = \frac{U_i}{50} = 136.47 \text{ [A]} \quad (24)$$

Phaseurs du diagramme vectoriel



Matlab



Mode moteur capacitif

3 Mode générateur inductif

$$\begin{cases} \cos\varphi = -0.8 \\ \sin\varphi = 0.6 \end{cases} \quad (25)$$

$$\begin{aligned} \underline{I} &= 577.35 (-0.8 - j0.6) \\ &= -461.88 - j346.41 \text{ [A]} \end{aligned} \quad (26)$$

$$\varphi = 143.13^\circ \quad (27)$$

$$\begin{aligned} \underline{U}_i &= \underline{U} - j X_d \underline{I} \\ &= 3464.1 - j 7.2 (-461.88 - j346.41) \\ &= 969.95 + j 3325.54 \text{ [V]} \\ &= 3464.1 e^{j73.74^\circ} \end{aligned} \quad (28)$$

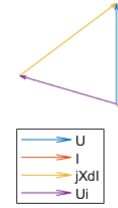
$$\delta = -73.74^\circ \quad (29)$$

$$U_i = 3464.1 \text{ [V]} \quad (30)$$

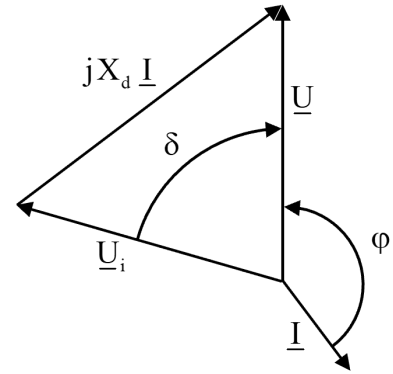
Selon (7) nous obtenons :

$$I_f = \frac{U_i}{k_{if} \Omega} = \frac{U_i}{50} = 69.3 \text{ [A]} \quad (31)$$

Phaseurs du diagramme vectoriel



Matlab



Mode générateur inductif

4 Mode générateur capacitif

$$\begin{cases} \cos\varphi = -0.8 \\ \sin\varphi = -0.6 \end{cases} \quad (32)$$

$$\begin{aligned} \underline{I} &= 577.35 (-0.8 + j0.6) \\ &= -461.88 + j346.41 \text{ [A]} \end{aligned} \quad (33)$$

$$\varphi = -143.13^\circ \quad (34)$$

$$\begin{aligned} \underline{U}_i &= \underline{U} - j X_d \underline{I} \\ &= 3464.1 - j 7.2 (-461.88 + j346.41) \\ &= 5958.25 + j 3325.54 \text{ [V]} \\ &= 6823.49 e^{j29.17^\circ} \end{aligned} \quad (35)$$

$$\delta = -29.17^\circ \quad (36)$$

$$U_i = 6823.49 \text{ [V]} \quad (37)$$

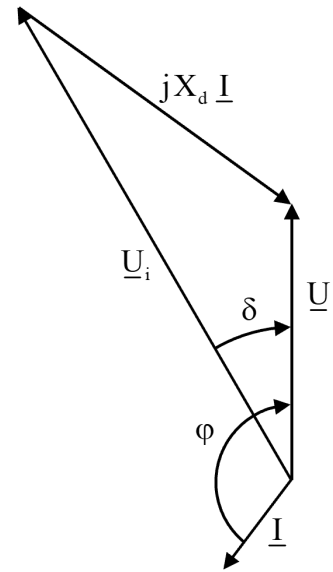
Selon (7) nous obtenons :

$$I_f = \frac{U_i}{k_{if} \Omega} = \frac{U_i}{50} = 136.47 \text{ [A]} \quad (38)$$

Phaseurs du diagramme vectoriel



Matlab



Mode générateur capacitif